

# Estrategias evolutivas para la minimización del *makespan* en una máquina con tiempos de preparación dependientes de la secuencia

## *Evolution Strategies to Minimize the Makespan in a Single Machine with Sequence Dependent Setup Times*

Salazar-Hornig Eduardo

Facultad de Ingeniería  
Universidad de Concepción, Concepción, Chile  
Correo: esalazar@udec.cl

Schrils-Abreu Giselle

Facultad de Ingeniería  
Universidad de Concepción, Concepción, Chile  
Correo: gischrils@udec.cl

Información del artículo: recibido: enero de 2011, aceptado: marzo de 2013

### Resumen

En este trabajo se presenta una aplicación de un algoritmo de estrategia evolutiva multi-miembro ( $\mu+\lambda$ ) – ES para la programación de trabajos en una máquina con tiempos de preparación dependientes de la secuencia con el objetivo de minimizar el *makespan* ( $C_{\max}$ ). La estrategia evolutiva fue evaluada sobre un conjunto de problemas generados en forma aleatoria. Se introduce un procedimiento de mejora de la estrategia evolutiva, generando la población inicial como una vecindad de la solución entregada por otro método, lo que mejora su desempeño. La estrategia evolutiva se comparó con la heurística del mejor vecino y un algoritmo genético, mostrando un mejor desempeño.

### Abstract

*A multi-member ( $\mu+\lambda$ ) – ES evolution strategy algorithm for the single machine scheduling problem with sequence dependent setup times and makespan ( $C_{\max}$ ) minimization is presented. The evolution strategy is evaluated on a random generated set of test problems. A procedure to improve the performance of the evolution strategy considering the initial population as a neighborhood of the solution given by another method is introduced. The evolution strategy shows better performance than a greedy constructive heuristic and a genetic algorithm.*

### Descriptores:

- una máquina
- estrategias evolutivas
- *makespan*
- algoritmos genéticos
- mejor vecino

### Keywords:

- single machine
- evolution strategies
- makespan
- genetic algorithm
- best neighbor

## Introducción

La programación de órdenes de producción para la generación de bienes y servicios ayuda a la optimización de recursos productivos limitados satisfaciendo en forma eficiente los requerimientos de los clientes. De esta forma la programación de la producción se ha convertido en una herramienta estratégica para cualquier organización, transformando las necesidades de los clientes en órdenes de producción que se “transforman” en trabajos con fecha de entrega asociada.

Los sistemas de producción por lotes se caracterizan por la obtención de múltiples productos en lotes de producción utilizando la misma instalación, las que se clasifican según la variedad y homogeneidad de los productos a fabricar, y el número de máquinas del sistema (Baker, 1974; Pinedo, 2008). El problema de programación de un *taller de una máquina* consiste en un sistema de una máquina, que procesa  $n$  trabajos de una operación procesados en secuencia, eventualmente, con tiempos de preparación (*setup*) dependientes de la secuencia.

Se han aplicado varias heurísticas y algoritmos a diferentes problemas de programación de una máquina con *setup*. Lee y Asllani (2004) comparan la programación matemática entera con algoritmos genéticos para minimizar el número de trabajos atrasados y el *makespan*. Gupta y Smith (2006) proponen algoritmos GRASP y de búsqueda en una vecindad para minimizar la tardanza, mientras que Liao y Juan (2007) proponen un algoritmo ACO para resolver el mismo problema y comparan con otros algoritmos. Koulamas y Kyparisis (2008) tratan el problema con *setups* proporcionales al tiempo de proceso optimizando objetivos relacionados con el tiempo de finalización de los trabajos, entre ellos el *makespan*, aplicando algoritmos de ordenamiento. Lai y Lee (2010) analizan el problema de minimizar el *makespan* y la tardanza aplicando una función no lineal de deterioro del tiempo de proceso, mientras que Salazar y Sánchez (2011) aplican MMAS (una versión de algoritmo ACO) para minimizar el *makespan*. Jula y Rafiey (2012) consideran ventanas de tiempo para el inicio del proceso de cada trabajo, cuidando de mantener cierto nivel de trabajo en proceso (objetivo primario) y de minimizar el *makespan* (objetivo secundario).

Las estrategias evolutivas (ES) fueron introducidas por Rechenberg y Schwefel a mediados de la década del 60 orientadas a la optimización continua de parámetros en problemas de ingeniería (Rechenberg, 1973). En la literatura se encuentran pocas propuestas que adaptan estrategias evolutivas a problemas de secuenciación de trabajos. Filipic y Zupanic (1999) utilizan es-

trategias evolutivas para programar cortes de energía en un sistema productivo con el objetivo de minimizar el consumo de energía. Hou y Chang (2002) proponen un método de estrategias evolutivas para asignar la producción en un sistema productivo multiplanta. Pierreval *et al.* (2003) y Salazar y Rojas (2010) tratan problemas de diseño y configuración de sistemas de producción utilizando estrategias evolutivas. Probablemente los trabajos de Ablay (1987), Herdy (1991) y Rudolph (1991) son los primeros trabajos (y tal vez los únicos) en proponer estrategias evolutivas para resolver el problema del vendedor viajero.

## Problema de programación de una máquina

En este trabajo se trata el problema de programar  $n$  trabajos en un *taller de una máquina con setups dependientes de la secuencia*, que consiste en secuenciar los  $n$  trabajos de manera que se minimice el *makespan* ( $C_{\max}$ ), es decir, minimiza el tiempo transcurrido entre el inicio del procesamiento del primer trabajo (tiempo de referencia 0) y el tiempo de finalización del procesamiento del último trabajo. El tiempo de proceso de cada trabajo es fijo y existen tiempos de preparación de máquina que dependen del orden en el que se procesan los trabajos en esa máquina. Se consideran los siguientes supuestos:

- El tiempo de proceso del trabajo  $i$  está dado por  $p_i$  ( $i = 1, \dots, n$ ).
- El tiempo de preparación (*setup*) para procesar el trabajo  $j$  después de procesar el trabajo  $i$  está dado por  $s_{ij}$  ( $i = 1, \dots, n; j = 1, \dots, n$ ), donde  $s_{ii}$  representa la preparación inicial cuando el trabajo  $i$  es el primer trabajo procesado en la máquina.
- El proceso de un trabajo en la máquina no se puede interrumpir (*non preemption*).
- Todos los trabajos son independientes entre sí y se encuentran disponibles en el instante inicial.
- La máquina opera sin fallas en el horizonte de programación.
- El objetivo es minimizar  $C_{\max}$ .

Con la notación introducida por Graham *et al.* (1979), el problema de una máquina caracterizado por los supuestos mencionados se denota por  $1|s_{ij}|C_{\max}$  y es un conocido problema NP-Hard (Blazewicz *et al.*, 1996 y Pinedo, 2008), lo que hace impracticable la obtención de la solución óptima para problemas de mediano a gran tamaño (este problema tiene una estructura similar al problema clásico del agente viajero asimétrico ATSP que es una variante del problema del agente viajero en la que las distancias son asimétricas, es decir, la distan-

cia de ida es diferente a la distancia de regreso, esto es  $d_{ij} \neq d_{ji}$ . Los trabajos se asocian a las ciudades y los tiempos de *setup*  $s_{ij}$  se asocian a las distancias  $d_{ij}$ . En este trabajo, se resuelve el problema  $1|s_{ij}|C_{max}$  mediante un algoritmo de *estrategia evolutiva*, comparándolo con la heurística glotona del *mejor vecino* (MV) y un algoritmo genético estándar. La relevancia de los problemas de programación con tiempos y/o costos de preparación dependientes de la secuencia queda de manifiesto en una amplia gama de configuraciones productivas (Allahverdi *et al.*, 2008).

El *makespan* ( $C_{max}$ ) se obtiene como la suma de los *setups*  $s_{[i-1][i]}$  que se producen entre el  $(i-1)$ -ésimo el  $i$ -ésimo trabajos de la secuencia representados por  $[i-1]$  e  $[i]$ , respectivamente, más la suma de los tiempos de proceso de los  $n$  trabajos:

$$C_{max} = \sum_{i=1}^n s_{[i-1][i]} + \sum_{i=1}^n p_i \quad (1)$$

El tiempo de *setup*  $s_{[0][1]}$  representa el *setup* inicial (antes de procesar el primer trabajo de la secuencia). Una heurística simple para resolver la programación para este problema es la heurística glotona del *mejor vecino* (MV) (figura 1).

```

procedure Mejor Vecino
  Definir ListaTrabajos ordenadas de 1 a n.
  while (ListaTrabajos no vacía) do
    Asignar primer trabajo de la lista como primer trabajo de la secuencia.
    while(Secuencia no completa)
      Agregar a secuencia trabajo no asignado que origina menor setup.
    endwhile
    Calcular  $C_{max}$  de secuencia
    Eliminar primer trabajo de ListaTrabajos
  endwhile
  Solución ← Secuencia de menor  $C_{max}$ 
endprocedure
    
```

Figura 1. Pseudocódigo de heurística del *mejor vecino* (MV)

A modo de ilustración, consideremos un problema de 5 trabajos a programar, cuyos parámetros se presentan en las tablas 1 y 2.

Utilizando la heurística MV, se obtienen las 5 secuencias de la tabla 3 y sus respectivos valores de  $C_{max}$  donde la mejor secuencia 3 – 2 – 1 – 4 – 5 con  $C_{max} = 41$  es la solución entregada por la heurística. Esta secuencia se obtiene considerando el trabajo 3 como primer trabajo de la secuencia (con *setup* inicial  $s_{33} = 1$ ), luego se selecciona el trabajo 2 ya que es el trabajo no asignado que genera el menor *setup* ( $s_{32} = 1$ ). Después, con el mismo criterio, se seleccionan sucesivamente los trabajos 1 ( $s_{21} = 2$ ; en este paso también pudo seleccionarse el trabajo 4 ya que tiene igual *setup*  $s_{24} = 2$ , pero se aplicó el

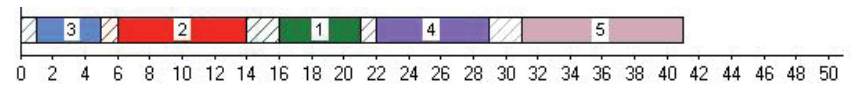


Figura 2: Carta Gantt – Heurística del *mejor vecino*

criterio del primer trabajo con menor *setup* siguiente), 4 ( $s_{14} = 1$ ) y 5 ( $s_{45} = 2$ ), lo que produce  $C_{max} = 1 + 1 + 2 + 1 + 2 + 34 = 41$  (donde 34 corresponde a la suma de los tiempos de proceso de los 5 trabajos del problema).

La programación de esta solución se muestra en la figura 2; en ésta las barras achuradas corresponden a los tiempos de *setup*, mientras que la barra sólida corresponde a los tiempos de proceso de los trabajos.

### Estrategias evolutivas

Las *estrategias evolutivas* (ES) fueron introducidas originalmente por Rechenberg y Schwefel para resolver problemas de optimización continua (Rechenberg, 1973 y 1994; Schwefel, 1981, 1984 y 1995; Bäck *et al.* 1991) imitando principios de la evolución natural, asociando el concepto de *individuo* o *miembro* a una solución factible del problema, y el de *población* a un conjunto de *individuos* (soluciones factibles). Los *individuos* se evalúan a través de una *función de aptitud* (*fitness*) que corresponde a una medida de la calidad del individuo como solución del problema (Michalewicz, 1999). La recombinación de los individuos permite la evolución de una población de generación en generación.

Tabla 1. Tiempos de proceso de los trabajos ( $p_i$ )

Trabajo	1	2	3	4	5
$p_i$	5	8	4	7	10

Tabla 2. Matriz de tiempos de *setup* ( $s_{ij}$ )

Trabajo	1	2	3	4	5
1	3	3	6	1	8
2	2	7	5	2	6
3	5	1	1	3	4
4	1	4	5	0	2
5	4	5	3	4	9

Tabla 3. Aplicación de heurística del *mejor vecino* ( $s_{ij}$ )

Secuencia	$C_{max}$
1 – 4 – 5 – 3 – 2	44
2 – 1 – 4 – 5 – 3	49
3 – 2 – 1 – 4 – 5	41
4 – 1 – 2 – 3 – 5	47
5 – 3 – 2 – 1 – 4	50

Las estrategias evolutivas multimiembro  $(\mu+\lambda)$  – ES y  $(\mu,\lambda)$  – ES se diferencian en la forma en que construyen la población de la siguiente generación:

- $(\mu+\lambda)$  – ES: se generan  $\lambda$  individuos mediante la recombinación de los individuos de la población de tamaño  $\mu$ , que posteriormente son afectados por una mutación. Luego se seleccionan los  $\mu$  mejores individuos del total  $\mu+\lambda$  individuos para formar la población de la siguiente generación.
- $(\mu,\lambda)$  – ES: se generan  $\lambda$  individuos ( $\lambda > \mu$ ) mediante la recombinación de los individuos de la población de tamaño  $\mu$  ( $\lambda > \mu$ ), que posteriormente son afectados por una mutación. Luego se seleccionan los  $\mu$  mejores individuos del total de los  $\lambda$  nuevos individuos generados para formar la población de la siguiente generación.

La figura 3 muestra una estructura general de una estrategia evolutiva.

La población inicial se construye en forma aleatoria, es decir, se generan  $\mu$  individuos al azar para conformar  $P_0$  y el proceso de selección de padres durante el proceso evolutivo se realiza de acuerdo con una distribución de probabilidades que determina que un individuo tiene una probabilidad de ser seleccionado proporcional a su *función de aptitud* (Michalewicz, 1999; Haupt y Haupt, 2004). Esto significa que en el proceso de selección los individuos de mejor valor en su *función de aptitud* tienen mayor probabilidad de ser seleccionados.

La generación de los  $\lambda$  individuos a partir de la población de la generación  $t - 1$  ( $P_{t-1}$ ), se realiza de acuerdo con un proceso de *recombinación (cruzamiento)* de dos individuos seleccionados aleatoriamente de  $P_{t-1}$ , que genera descendencia (hijos); sobre la descendencia opera una *mutación*. La evaluación de cada uno de los  $\lambda$  individuos determina su *fitness*. La población de la generación  $t$  ( $P_t$ ), se define mediante el proceso de reducción propio de cada estrategia. El proceso evolutivo utiliza un *operador*

#### procedure Estrategia Evolutiva

$t \leftarrow 0$

inicializar  $P_t$  de tamaño  $\mu$

evaluar  $P_t$

while ( $t < N_g$ ) do

$t \leftarrow t+1$

generar por recombinación conjunto  $S_\lambda$  de  $\lambda$  descendientes a partir de  $P_{t-1}$

mutar los  $\lambda$  descendientes del conjunto  $S_\lambda$

evaluar los  $\lambda$  descendientes del conjunto  $S_\lambda$

Para  $(\mu + \lambda)$  – ES:  $P_t \leftarrow$  Reducir  $P_{t-1} \cup S_\lambda$  a los mejores  $\mu$  individuos

Para  $(\mu, \lambda)$  – ES:  $P_t \leftarrow$  Reducir  $S_\lambda$  a los mejores  $\mu$  individuos

endwhile

endprocedure

Figura 3. Pseudocódigo de un algoritmo de Estrategia Evolutiva (Michalewicz, 1999)

de *recombinación (cruzamiento)* y un *operador de mutación*, hasta evaluar  $N_g$  generaciones. A diferencia de los algoritmos genéticos, en una estrategia evolutiva todos los nuevos miembros generados son descendientes mutados de la generación anterior generados por cruzamiento.

Para el problema de secuenciación de una máquina las *estrategias evolutivas* pueden utilizar *individuos* con estructura  *cromosómica* de  $n$  elementos similar a la que utiliza un algoritmo genético, la cual representa una lista ordenada de los trabajos a programar. El *individuo* se evalúa obteniendo el *makespan* de la asignación de trabajos a la máquina.

Para el problema de programar un conjunto de 5 trabajos, como en el ejemplo de las tablas 1 y 2, la secuencia: 3 – 2 – 1 – 4 – 5 representa un individuo que define una lista ordenada de trabajos que se asignan a la máquina, lo cual produce la programación con  $C_{\max} = 41$  presentada en la figura 2. El valor del *makespan* igual a 41 corresponde al valor de este individuo. Como se trata de un problema de minimización, un individuo representa una mejor solución, mientras menor sea este valor (individuo de mejor *aptitud*).

Se utilizan los operadores genéticos PMX (*partially mapped crossover*) propuestos por Goldberg y Lingle (1985) como operador de cruzamiento y el operador de intercambio (*swap*) como operador de mutación. Estos operadores son operadores clásicos y se usan con frecuencia en la literatura en problemas de secuenciación. El operador PMX, selecciona en forma aleatoria dos posiciones copiando la subsecuencia central de dos padres en dos descendientes (hijos). Las posiciones restantes de los hijos se llenan con los trabajos aún no asignados en la misma posición del padre que no aportó la subsecuencia central al hijo, esto es, si el trabajo no se encuentra en la subsecuencia central permanece en la misma posición, en caso contrario se reemplaza por el trabajo que está en la misma posición de la subsecuencia central traspasada al otro hijo. El operador intercambio permuta dos trabajos de un individuo en forma aleatoria.

Para el ejemplo de los 5 trabajos, la figura 4 muestra el cruzamiento de dos individuos (padres) de una población con *makespan* 49 y 50, respectivamente, aplicando el operador de cruzamiento PMX seleccionando en forma aleatoria la subsecuencia que incluye las posiciones 3 a 4, proceso que genera dos hijos, con *makespan* de 49 y

Padre 1 : 2 – 1   4 – 5   3 (49)	Padre 2 : 5 – 3   2 – 1   4 (50)
x – x   2 – 1   3	x – 3   4 – 5   x
Hijo 1 : 4 – 5   2 – 1   3 (49)	Hijo 2 : 1 – 3   4 – 5   2 (53)

Figura 4. Operador de cruzamiento PMX

Individuo : 4 – 5 – 2 – 1 – 3	(49)
Mutante : 4 – 1 – 2 – 5 – 3	(47)

Figura 5. Operador de mutación de intercambio (swap)

Individuo : 1 – 3 – 4 – 5 – 2	(53)
Mutante : 1 – 2 – 5 – 4 – 3	(55)

Figura 6. Operador de mutación inversión

53, respectivamente. Para el mismo ejemplo, la figura 5 muestra la mutación del hijo 1 intercambiando las posiciones 2 y 4 seleccionadas en forma aleatoria, proceso que genera el mutante con makespan 47.

La variante introducida en este trabajo generando la población inicial de la estrategia evolutiva como una vecindad de la solución entregada por la heurística del *mejor vecino*, utiliza el operador de mutación *inversión* propuesto por Holland (1975). Este operador selecciona una subsecuencia en forma aleatoria e invierte el orden de los trabajos. Para el mismo ejemplo, la figura 6 muestra la mutación del hijo 2 del cruzamiento de la figura 4, seleccionando en forma aleatoria la subsecuencia desde la posición 2 a la posición 5 generando el mutante con *makespan* 55.

Para generar la población inicial se optó por utilizar un operador de mutación diferente al utilizado por la estrategia evolutiva a modo de diferenciarse del proceso de recombinación.

La población inicial se genera como una vecindad de una buena solución obtenida con un método sencillo (en tiempo computacional despreciable), por lo que se espera generar una población inicial de buena calidad (sin incluir la semilla a partir de la cual se genera la vecindad) para que la lógica de la estrategia evolutiva logre mejorar y llegar a mejores soluciones que si parte de una población generada en forma tradicional. No se trata sólo de buscar en una vecindad de una buena solución (esto lo hacen los métodos de búsqueda en ve-

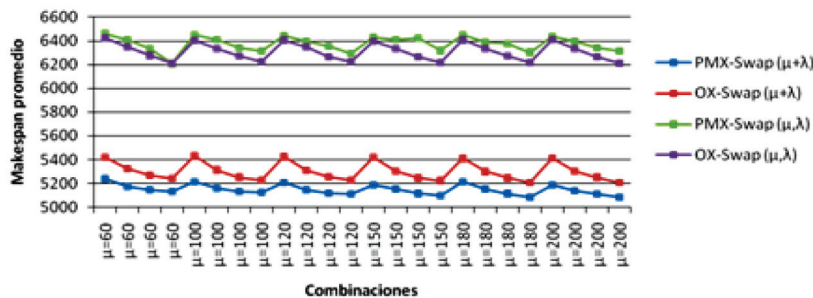
cidad), sino que se trata de observar la evolución de la población (vecindad) inicial.

## Estudio experimental

Los métodos evaluados fueron la estrategia evolutiva  $(\mu+\lambda)$  – ES con un *algoritmo genético* (GA), ambos en versiones estándar con operador de cruzamiento PMX y operador de mutación *inversión*, y con la heurística constructiva *glotona del mejor vecino* (MV). Posteriormente se introduce una mejora al algoritmo ES, denominada algoritmo pES, basada en la generación de la población inicial generada como una vecindad de la solución entregada por la heurística MV.

La evaluación de los algoritmos se realizó utilizando instancias generadas en forma aleatoria de acuerdo a distribuciones de tiempos de proceso y de *setup* utilizadas en la literatura. Los tiempos de proceso de los trabajos se generaron con la distribución uniforme discreta entre 1 y 100 ( $p_i \sim UD[1,100]$ ). Los tiempos de preparación dependientes de la secuencia de los trabajos se generaron con la distribución uniforme discreta entre 1 y 50 ( $s_{ij} \sim UD[1,30]$ ).

Mediante un análisis experimental preliminar utilizando 5 problemas piloto de 100 trabajos, se determinó que la estrategia  $(\mu + \lambda)$  – ES superó a la estrategia  $(\mu, \lambda)$  – ES, al igual que la combinación de operadores (PMX, *intercambio*) superó a la combinación (OX, *intercambio*) con el operador OX (*ordered crossover*) propuesto por Davis (1985). Basado en tamaños de población utilizados en algoritmos evolutivos en problemas de secuenciación de trabajos de la literatura, se evaluaron diferentes valores de  $\mu$  (60, 100, 120, 150, 180 y 200) y  $\lambda$  igual a  $0.25\mu$ ,  $0.50\mu$ ,  $0.75\mu$  y  $1.00\mu$ , observando que se obtuvieron los mejores resultados para  $\lambda = \mu$  (independiente del valor de  $\mu$ ). El comportamiento graficado en la figura 7 se observó en todos los problemas piloto; las cuatro observaciones en una misma vertical del gráfico corresponden al *makespan* promedio de 30 réplicas obtenido para cada combinación de operadores – estrategia, para igual combinación de  $\mu$  y  $\lambda$ . Para  $\mu$  dado, el orden hacia la derecha de sus cuatro

Figura 7. Estudio Preliminar – Promedio  $C_{max}$  en problema piloto de tamaño 100

observaciones corresponde a  $\lambda = 1.00\mu, 0.75\mu, 0.50\mu$  y  $0.25\mu$ , respectivamente. En forma sistemática  $\lambda = \mu$  produce en promedio la mejor solución; por otro lado, a través de un análisis de frecuencias se observaron las mejores soluciones para el valor  $\mu = 180$ .

Para el presente estudio se utilizó  $\mu=180$  (con  $\lambda = 180$ ). Para el algoritmo genético se optó por valores estándar recomendados en la literatura, utilizando un tamaño de población de 100 y los valores  $p_c = 0.7, p_m = 0.01$  (Mattfeld y Bierwirth, 2004) Los parámetros restantes son iguales a ES (número de generaciones  $N_g = 3000$  con igual número de réplicas).

Para la comparación de algoritmos se generaron 30 instancias de problemas de 100 trabajos, además se consideró un conjunto de 10 instancias de problemas de 12 trabajos, esto con la finalidad de ver la capacidad de los diferentes algoritmos en encontrar soluciones óptimas en problemas de tamaño reducido. La evaluación de la heurística se realizó por medio de rutinas adaptadas del software SPS\_Optimizer (Salazar, 2010), herramienta diseñada para la programación de operaciones.

Para evaluar el desempeño se utilizó el *makespan* ( $C_{max}$ ) como medida de desempeño, el que se compara con la solución óptima para problemas de tamaño 12 y con una cota inferior (CI) para los problemas de evaluación:

$$\%Dif = \frac{Sol_{Método} - CI}{CI} * 100$$

$Sol_{Método}$  es el valor del *makespan* obtenido con el respectivo método y CI es la cota inferior:

$$CI = \sum_{i=1}^n p_i + \min_{i=1, \dots, n} \{s_{ii}\} + \sum_{i=1}^n \min_{j=1, \dots, n; j \neq i} \{s_{ij}\} - \max_{i=1, \dots, n} \{\min_{j=1, \dots, n; j \neq i} \{s_{ij}\}\}$$

de la respectiva instancia (en el caso de los problemas de tamaño 12 la comparación se hace con respecto a la solución óptima).

Los resultados del *makespan* obtenidos por cada algoritmo en cada instancia de los problemas de 12 trabajos se muestran en la tabla 4, columnas Óptima, ES, GA

y MV, las columnas %ES, %GA y %MV indican el error porcentual del método en cada instancia.

Se destaca en los resultados de la tabla 4, que la estrategia evolutiva obtiene en todos los casos la solución óptima, a diferencia del algoritmo genético que a pesar de obtener una solución cercana a la solución óptima no lo logra en ninguna de las instancias, pero superando a la heurística MV.

El valor de la cota y los resultados del *makespan* obtenido por cada algoritmo en las 30 instancias de problemas de 100 trabajos considerados se muestra en la tabla 5 (columnas Cota, ES, GA, MV y  $ES_p$ ), lo mismo que las respectivas diferencias porcentuales respecto a la cota (columnas %ES, %GA, %MV y %pES). En la figura 7 se grafican los resultados comparando los algoritmos ES, GA y MV, en el eje horizontal se tienen las instancias y en el eje vertical el valor de  $C_{max}$ . En la figura 8 se aprecia que el algoritmo GA presenta el desempeño más bajo (en todos los problemas su gráfica está significativamente arriba de la de todos los otros métodos), mientras que la heurística ES presenta un rendimiento muy similar a MV, pero superado en todas las instancias por ésta. De este resultado sorprende el bajo rendimiento de GA (aunque es una versión estándar) y el buen desempeño de la heurística MV para esta clase de problemas. Esto último obedece a la distribución de los tiempos de *setup* que hace que mientras mayor sea el tamaño del problema, más aumentan las alternativas para que un procedimiento *glotón* como la heurística MV genere buenas soluciones.

Por otra parte, se destaca a la heurística ES (también en una versión estándar) que supera ampliamente a GA, pero con un rendimiento levemente inferior a MV. Este resultado motiva la definición de la estrategia evolutiva pES con población inicial como vecindad de la solución entregada por MV, sin incluir la solución de MV.

Las diferencias porcentuales de los algoritmos ES, MV y pES se muestran en la figura 9. Se destaca de la figura 9, la significativa mejora de la estrategia evolutiva al generar la población inicial como una vecindad de

Instancia	Óptima	ES	AG	MV	%ES	%GA	%MV
1	666	666	674	694	0,00	1,20	4,20
2	556	556	574	611	0,00	3,24	9,89
3	627	627	648	637	0,00	3,35	1,59
4	691	691	722	740	0,00	4,49	7,09
5	679	679	693	701	0,00	2,06	3,24
6	546	546	568	581	0,00	4,03	6,41
7	742	742	761	770	0,00	2,56	3,77
8	714	714	734	751	0,00	2,80	5,18
9	717	717	730	760	0,00	1,81	6,00
10	511	511	527	528	0,00	3,13	3,33
<b>Promedio</b>					<b>0,00</b>	<b>2,87</b>	<b>5,07</b>

Tabla 4. Valor de  $C_{max}$  en problemas de tamaño 12

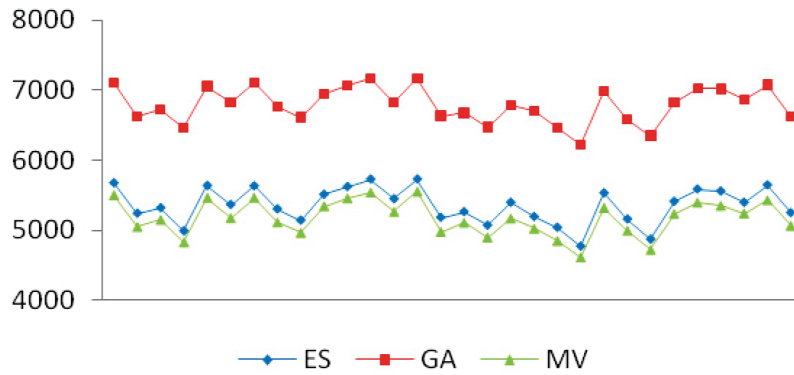


Figura 8. Comparación de métodos –  $C_{max}$  en problemas de tamaño 100

Instancia	Cota	ES	AG	MV	pES	%ES	%GA	%MV	%pES
1	5387	5674	7113	5502	5498	5,33	32,04	2,13	2,06
2	4921	5243	6620	5054	5038	6,54	34,53	2,70	2,38
3	5034	5321	6718	5154	5147	5,70	33,45	2,38	2,24
4	4692	4994	6469	4834	4795	6,44	37,87	3,03	2,20
5	5363	5635	7056	5466	5464	5,07	31,57	1,92	1,88
6	5063	5367	6832	5179	5163	6,00	34,94	2,29	1,98
7	5346	5630	7112	5466	5465	5,31	33,03	2,24	2,23
8	5009	5304	6763	5116	5113	5,89	35,02	2,14	2,08
9	4868	5145	6614	4969	4962	5,69	35,87	2,07	1,93
10	5214	5510	6953	5345	5333	5,68	33,35	2,51	2,28
11	5337	5620	7071	5458	5425	5,30	32,49	2,27	1,65
12	5444	5727	7162	5540	5531	5,20	31,56	1,76	1,60
13	5141	5448	6828	5267	5264	5,97	32,81	2,45	2,39
14	5444	5728	7161	5553	5536	5,22	31,54	2,00	1,69
15	4880	5185	6633	4983	4966	6,25	35,92	2,11	1,76
16	4983	5266	6675	5111	5094	5,68	33,96	2,57	2,23
17	4777	5073	6473	4904	4883	6,20	35,50	2,66	2,22
18	5075	5398	6779	5172	5159	6,36	33,58	1,91	1,66
19	4932	5196	6701	5026	5026	5,35	35,87	1,91	1,91
20	4738	5044	6466	4855	4851	6,46	36,47	2,47	2,38
21	4514	4776	6221	4622	4611	5,80	37,82	2,39	2,15
22	5233	5531	6983	5324	5324	5,69	33,44	1,74	1,74
23	4877	5162	6587	4999	4984	5,84	35,06	2,50	2,19
24	4599	4876	6351	4728	4704	6,02	38,10	2,80	2,28
25	5129	5412	6832	5237	5224	5,52	33,20	2,11	1,85
26	5298	5586	7029	5396	5385	5,44	32,67	1,85	1,64
27	5261	5557	7017	5352	5340	5,63	33,38	1,73	1,50
28	5117	5398	6860	5244	5229	5,49	34,06	2,48	2,19
29	5330	5644	7077	5430	5430	5,89	32,78	1,88	1,88
30	4950	5250	6628	5069	5057	6,06	33,90	2,40	2,16
<b>Promedio</b>						<b>5,77</b>	<b>34,19</b>	<b>2,25</b>	<b>2,01</b>

Tabla 5. Resultados de algoritmos problemas tamaño 100

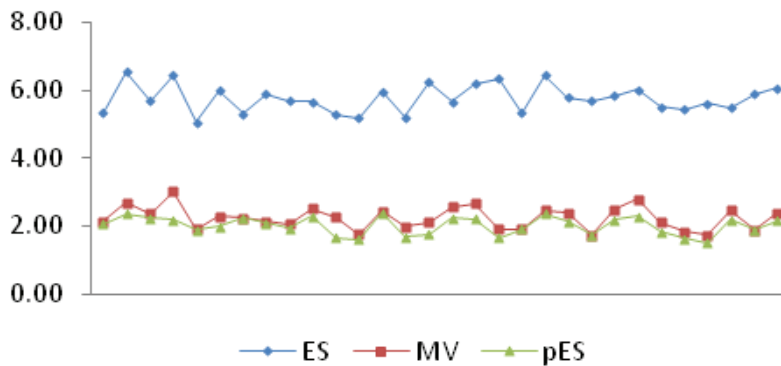
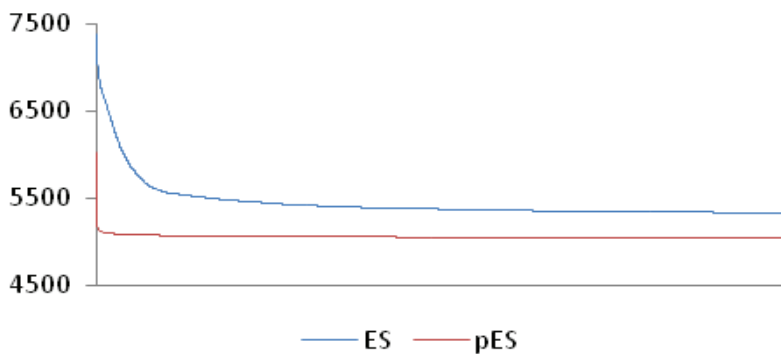


Figura 9. Comparación de métodos – %Dif en problemas de tamaño 100

Figura 10: Calidad de la población –  $C_{\max}$  promedio (1 réplica)

la solución entregada por la heurística MV, logrando reducir la diferencia con respecto de la cota de 6% a 2%, superando ahora en todas las instancias a la heurística MV. De la tabla 5 se obtienen las diferencias porcentuales promedio de los algoritmos ES, GA, MV y pES con respecto a la cota, lo que se interpreta de la siguiente forma: en promedio las soluciones de estos algoritmos difieren (con poca variabilidad) a lo más en 5.77%, 34.19%, 2.25% y 2.01% de la solución óptima.

La estrategia evolutiva estándar mejora en promedio cerca de 4% la calidad de las soluciones obtenidas al introducir el cambio en la generación de la población inicial. La figura 10 muestra gráficamente la evolución de la calidad de la población, medida como el promedio de  $C_{\max}$  de los individuos de una generación, para una réplica, contrastando este proceso para ES y pES.

El procesamiento se realizó en un computador Intel Core 2 Duo T7500 de 2.2 GHz de 2 GB de RAM. El orden de magnitud del tiempo CPU por réplica para la ejecución de los algoritmos se presenta en la tabla 6 (para MV se trata del único tiempo CPU, ya que en este caso no hay réplicas).

Tabla 6. Tiempo CPU por réplica de algoritmos

Algoritmo	ES	GA	MV	pES
CPU [s]	23,00	5,00	0,05	23,00

La mejora de la estrategia evolutiva estándar se logra sin costo significativo en tiempo CPU. La heurística MV obtiene resultados levemente inferiores que pES en un tiempo prácticamente despreciable, obteniendo soluciones que son apenas 0.25% peor que pES, sin embargo la heurística MV no realiza una búsqueda en el proceso de optimización.

El objetivo del estudio se orientó a comparar métodos de solución con relación a su capacidad de encontrar las mejores soluciones posibles; tenemos claro que bajo este prisma los tiempos computacionales difieren significativamente de un algoritmo a otro (tabla 6). Esto se justifica en el siguiente sentido: al resolver un problema específico lo que interesa es obtener la mejor solución posible, sin importar si se obtiene con un algoritmo que requiere un mayor esfuerzo computacional, si es que obtiene una solución significativamente mejor en un tiempo adecuado para la toma de decisiones (en tal caso no es relevante cuánto más tardó).

## Conclusiones

La aplicación de *estrategias evolutivas* en problemas de programación de producción ha sido poco explorada en la literatura. Este trabajo muestra la aplicación de una estrategia evolutiva multi-miembro ( $\mu + \lambda$ ) – ES



para resolver el problema de programación de trabajos en una máquina con tiempos de preparación dependientes de la secuencia.

La estrategia evolutiva estándar se comparó con un algoritmo genético estándar y la heurística del *mejor vecino*. En los problemas evaluados, la estrategia evolutiva mostró un rendimiento claramente superior al algoritmo genético, pero fue superada en todos los problemas por la heurística del *mejor vecino*.

La mejora introducida a la estrategia evolutiva generando la población inicial como una vecindad de la solución generada por la heurística del *mejor vecino*, logró superar en todos los problemas evaluados a esta heurística, representando una mejora significativa en el rendimiento con respecto a la estrategia evolutiva estándar.

El porcentaje medio de diferencia del orden de 2% de las soluciones entregadas por la estrategia evolutiva modificada, con respecto a una cota inferior, hace plantear la hipótesis de que para los problemas evaluados la estrategia evolutiva modificada genera soluciones cerca del óptimo que en promedio difieren de éste a lo más en 2%.

## Referencias

- Ablay P. Optimieren mit Evolutionsstrategien. *Spectrum der Wissenschaft*, volumen 7, 1987:104-115.
- Allahverdi-A. N.G., Cheng C.T., T.C.E., Kovalyov M. A Survey of Scheduling Problems with Setup Times or Costs. *European Journal of Operational Research*, volumen 187 (número 3), 2008: 985-1032.
- Baker, K.R. *Introduction to Sequencing and Scheduling*. John Wiley and Sons, New York, 1974.
- BäckT., Hoffmeister F., Schwefel H.P. A Survey of Evolution Strategies, en: Proceedings of the Fourth International Conference on Genetic Algorithms, Morgan Kaufmann Publishers, San Mateo, California, 1991.
- Blazewicz J., Ecker K., Pesch E., Schmidt G., Weglarz J. *Scheduling Computer and Manufacturing Processes*, Springer, 1996.
- Davis L. Applying Adaptive Algorithms to Epistatic Domain, en: Proceedings of the International Joint Conference on Artificial Intelligence, 1985, pp. 162-164.
- Filipic B. y Zupanic D. Near-Optimal Scheduling of Line Production with an Evolutionary Algorithm. *Proceedings of the Congress on Evolutionary Computation*, volumen 2, 1999:1124-1129.
- Goldberg D.E. y Lingle R. Alleles, Loci and the TSP en: Proceedings of the First International Conference on Genetic Algorithms. Lawrence Erlbaum Associates, Hilldale, Nueva Jersey, 1985, pp. 154-159.
- Graham R.L., Lawler E.L., Lenstra J.K., Rinnooy-Kan A.H.G. Optimization and Approximation in Deterministic Sequencing and Scheduling: a Survey. *Annals of Discrete Mathematics*, volumen 5, 1979: 287-326.
- Gupta S. y Smith J. Algorithms for Single Machine Total Tardiness Scheduling with Sequence Dependent Setups. *European Journal of Operational Research*, volumen 175 (número 2), 2006: 722-739.
- Haupt R.L. y Haupt S.E. *Practical Genetic Algorithms*, John Wiley, 2004.
- Herdy M. Application of the Evolution Strategy to Discrete Optimization Problems, en: Proceedings of the First International Conference on Parallel Problem Solving from Nature (PPSN). Lecture Notes in Computer Science, 496, Springer Verlag, 1991, pp. 188-192.
- Holland J.H. *Adaptation in Natural and Artificial Systems*, University of Michigan Press, Ann Arbor, Michigan, 1975.
- Hou Y.C. y Chang Y.H. The New Efficient Hierarchy Combination Encoding Method of Evolution Strategies for Production Allocation Problems. *Computer & Industrial Engineering*, volumen 43, 2002:577-589.
- Jula P. y Rafiey A. Coordinated Scheduling of a Single Machine with Sequence-Dependent Setup Times and Time-Window Constraints. *International Journal of Production Research*, volumen 8, 2012: 2304-2320.
- Koulamas Ch. y Kyparisis G.J. Single-Machine Scheduling Problems with Past-Sequence-Dependent Setup Times. *European Journal of Operational Research*, volumen 187, 2008: 1045-1049.
- Liao C. y Juan H. An Ant Colony Optimization for Single-Machine Tardiness Scheduling with Sequence-Dependent Setups. *Computers & Operations Research*, volumen 34 (número 7), 2007: 1899-1909.
- Mattfeld D.C. y Bierwirth Ch. An Efficient Genetic Algorithm for Job Shop Scheduling with Tardiness Objective. *European Journal of Operational Research*, volumen 155 (número 3), 2004: 616-630.
- Lai P.J. y Lee W.C. Single-Machine Scheduling with a Nonlinear Deterioration Function. *Information Processing Letters*, volumen 110, 2010: 455-459.
- Lee S. y Asllani A. Job Scheduling with Dual Criteria and Sequence-Dependent Setups: Mathematical Versus Genetic Programming. *Omega*, volumen 32, 2004:145-153.
- Michalewicz Z. *Genetic Algorithms+Data Structures=Evolution Programs*, 3a ed., Springer, 1999.
- Pierreval H., Caux C., Paris J.P. y Viguier F. Evolutionary Approach to the Design and Organization of Manufacturing System. *Computers & Industrial Engineering*, volumen 44 (número 3), 2003: 339-364.
- Pinedo M. *Scheduling-Theory, Algorithms and Systems*, 3a ed., Springer, 2008.
- Rechenberg I. *Evolutionsstrategie'94*, Frommann-Holzboog Verlag, 1994.
- Rechenberg I. *Evolutionsstrategie: Optimierung Technischer Systeme Nach Prinzipien Der Biologischen Evolution*, Frommann-Holzboog Verlag, Stuttgart, 1973.

- Rudolph G. *Global Optimization by Means of Distributed Evolution Strategies*. Proceedings of the First International Conference on Parallel Problem Solving from Nature (PPSN). Lecture Notes in Computer Science, 496, Springer Verlag, 1991, pp. 209-213.
- Salazar E. y Sánchez O. Estrategias MMAS para minimización del *Makespan* en la programación de una máquina con Setup. *Revista Ingeniería Industrial*, volumen 10 (número 2), 2011: 17-29.
- Salazar E. Programación de sistemas de producción con SPS\_optimizer. *Revista ICHIO (Digital)*, volumen 1 (número 2), 2010: 33-46.
- Salazar E y Rojas R. Configuración multi-objetivo de sistemas de producción utilizando estrategias evolutivas. *Ingeniería, Investigación y Tecnología*, volumen 11 (número 4), 2010: 423-430.
- Schwefel H.P. *Evolution and Optimum Seeking*, Wiley, 1995.
- Schwefel H.P. Evolution Strategies: A Family of Non Linear Optimization Techniques Based on Imitating Some Princi-

ples of Organic Evolution. *Annals of Operations Research*, volumen 1, 1984: 165-167.

Schwefel H.P. *Numerical Optimization for Computer Models*, John Wiley, Chichester, UK, 1981.

#### Este artículo se cita:

##### Citación estilo Chicago

Salazar-Hornig, Eduardo, Giselle Schriels-Abreu. Estrategias evolutivas para la minimización del *makespan* en una máquina con tiempos de preparación dependientes de la secuencia. *Ingeniería Investigación y Tecnología*, XV, 01 (2014): 1-10.

##### Citación estilo ISO 690

Salazar-Hornig E., Schriels- Abreu. G. Estrategias evolutivas para la minimización del *makespan* en una máquina con tiempos de preparación dependientes de la secuencia. *Ingeniería Investigación y Tecnología*, volumen XV (número 1), enero-marzo 2014: 1-10.

#### Semblanza de los autores

*Eduardo Salazar-Hornig*. Es ingeniero matemático de la Universidad de Concepción (1984), obtuvo el grado de magíster en investigación de operaciones en la RWTH University of Aachen, Alemania (1992). Su línea de investigación incluye sistemas de producción, planificación y programación de producción y simulación. Es profesor de tiempo completo en el Departamento de Ingeniería Industrial y Programa de Magíster en Ingeniería Industrial de la Universidad de Concepción, Chile.

*Giselle Schriels-Abreu*. Es ingeniero industrial de la Pontificia Universidad Católica Madre y Maestra, República Dominicana (2008) y candidata a magíster del Programa de Magíster en Ingeniería Industrial de la Universidad de Concepción, Chile.